

Programmierung 2 — Übungsblatt 4

Abgabe: **Dienstag, 26. 5 2009, 11.45 Uhr, Geb. E1 3, Briefkasten im EG**
Lösung mit **Name, Matrikelnummer** und **Name des Tutors** beschriften!

Aufgabe 4.1: Anweisungen, Schleifen: Approximation der Quadratwurzel

Mit folgendem iterativen Verfahren kann die Quadratwurzel \sqrt{S} einer Zahl S angenähert werden:

$$x_0 = \text{beliebiger Startwert}$$
$$x_{n+1} = \frac{1}{2} \left(x_n + \frac{S}{x_n} \right)$$

Implementieren Sie eine Methode `double sqrt(double s)`, welche die Quadratwurzel einer Zahl näherungsweise berechnet. Iterieren Sie solange, bis sich zwei aufeinander folgende Reihenglieder nicht um mehr als EPS unterscheiden.

```
class SquareRoot {
    public static final double EPS = 1e-10;

    public static double sqrt(double s) {
        // Your implementation goes here
    }

    public static void main(String[] args) {
        // Test your function here
    }
}
```

Bemerkung: Je näher x_0 an \sqrt{S} , desto schneller konvergiert das Verfahren. Wählen Sie den Startwert also in Abhängigkeit von S .

Aufgabe 4.2: Aufgabe 4.2: Anweisungen, Schleifen: Sieb des Eratosthenes

Das Sieb des Eratosthenes berechnet alle Primzahlen von 2 bis zu einer gegebenen Zahl S : Alle Zahlen von 2 bis S werden auf ein Papier geschrieben. Iterativ werden nun alle Zahlen, die keine Primzahlen sind, durchgestrichen. Dies funktioniert so: Nimm die kleinste, noch nicht gestrichene Zahl. (In der ersten Iteration ist das die 2.) Die Zahl selbst ist eine Primzahl. Streiche alle echten Vielfachen (alle $k \times \text{Zahl}$ für $k > 1$) dieser Zahl. Gehe weiter zur nächsten, nicht gestrichenen Zahl. Diese ist wiederum eine Primzahl, streiche alle ihre echten Vielfachen, usw. Schreiben Sie eine Methode `int[] primes(int s)`, die eine Reihung zurück liefert, die alle Primzahlen von 2 bis einschließlich s enthält.

Bemerkung: Betrachten wir eine beliebige Iteration des Siebs des Eratosthenes. Sei z die Zahl dieser Iteration. Mit dem Streichen der Vielfachen von z kann bei z^2 begonnen werden, denn alle Vielfachen von z in $[z + 1, \dots, z^2[$ wurden durch vorherige Iterationen schon gestrichen.

Aufgabe 4.3: Verallgemeinerung und Vererbung

Betrachten Sie nochmals die Klasse `Vector3D` vom zweiten Übungsblatt. Erstellen Sie eine neue Klasse `Vector`, die Vektoren beliebiger Dimension implementiert. Dementsprechend hat die Klasse nur noch einen Konstruktor `Vector(int n)`, der die gewünschte Dimension entgegennimmt und den Vektor als Nullvektor initialisiert. Implementieren Sie analog die Methoden `dot()` und `scale()`. Fügen Sie Getter/Setter hinzu, die jeweils das i -te Element des Vektors liefern/setzen. Wie in der Informatik üblich, soll das erste Element mit dem Index 0 angesprochen werden. Fügen Sie des Weiteren eine Methode `getDim()` hinzu, die die Dimension des Vektors liefert. Die Methode `double dot(Vector v)` soll zusätzlich noch folgende Bedingung erfüllen: Falls die Dimension von `v` von der von `this` abweicht, sollen die nicht vorhandenen Elemente wie `0.0` behandelt werden.

Reimplementieren Sie nun `Vector3D` als Unterklasse von `Vector`. Verwenden Sie, soweit möglich, die Implementierung der Oberklasse wieder. Alle bisherigen Methoden von `Vector3D` sollen auch weiterhin zur Verfügung stehen.

Aufgabe 4.4: Statischer und dynamischer Typ, polymorpher Methodenaufruf

Was gibt folgendes Programm aus? Können Sie eine der `bar()`-Methoden allgemeingültig vereinfachen?

```
class A {
    void foo() { System.out.println("A"); }
    void bar() { System.out.println(this instanceof B); }
}

class B extends A {
    void foo() { System.out.println("B"); }
}

class C extends A {
    void foo() { System.out.println("C"); }
    void bar() { System.out.println(this instanceof A); }
}

class Main {
    public static void main(String[] args) {
        B b = new B();
        C c = new C();
        A a = new A();
        a.foo();
        a.bar();
        b.foo();
        b.bar();
        c.foo();
        c.bar();
        a = b;
        a.foo();
        a.bar();
        a = c;
        a.foo();
        a.bar();
    }
}
```